

**Физикадан РО облыстық кезеңі есептерінің шешімдері (2022-2023 оқу жылы)  
9 сынып**

**Есеп\_1 [8 ұпай].**

Энергияның сақталу заңына байланысты  $A = A_{\text{кедергі}} + \Delta W$ , кедергі күшінің жоқтығын ескеріп,  $A = \Delta W$ . Бірқалыпты қозғалыс болғандықтан,  $\Delta W_k = 0$ , сондықтан,  $\Delta W = \Delta W_{\text{п}}$ , демек  $A = \Delta W_{\text{п}}$ , Жасалатын жұмыс, сан мәні жағынан Ғаламшар мен оның серігі жүйесіндегі потенциалдық энергиялар айырмашылығына тең

$$A = \left(-G \frac{mM_2}{R_2} - G \frac{mM_1}{l - R_2}\right) - \left(-G \frac{mM_1}{R_1} - G \frac{mM_2}{l - R_1}\right)$$

$l \gg R_1$  және  $l \gg R_2$  ескеретін болсақ,

$$A \approx Gm \left[ M_1 \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{l} \right) - M_2 \left( -\frac{1}{R_2} - \frac{1}{l} \right) \right]$$

$\frac{1}{R_1} \gg \frac{1}{l}$  және  $\frac{1}{R_2} \gg \frac{1}{l}$  ескеретін болсақ,

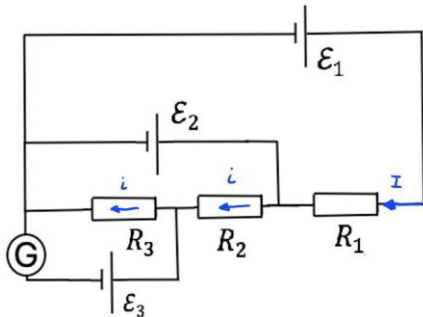
$$A \approx Gm \left( \frac{M_1}{R_1} - \frac{M_2}{R_2} \right)$$

Шар тәрізді денелердің массасы,  $M = \left(\frac{4}{3}\pi\rho R^3\right)$ , ескеріп

$$A \approx \frac{4}{3}\pi\rho mG(R_1^2 - R_2^2)$$

Мазмұны	Ұпайлар
$A = A_{\text{сопр}} + \Delta W$	1
$A = \Delta W$	1
$\Delta W_k = 0$	0,5
$\Delta W = \Delta W_{\text{п}}$	0,5
$A = \left(-G \frac{mM_2}{R_2} - G \frac{mM_1}{l - R_2}\right) - \left(-G \frac{mM_1}{R_1} - G \frac{mM_2}{l - R_1}\right)$	2
$A \approx Gm \left[ M_1 \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{l} \right) - M_2 \left( -\frac{1}{R_2} - \frac{1}{l} \right) \right]$	1
$A \approx Gm \left( \frac{M_1}{R_1} - \frac{M_2}{R_2} \right)$	1
$M = \left(\frac{4}{3}\pi\rho R^3\right)$	0,5
$A \approx \frac{4}{3}\pi\rho mG(R_1^2 - R_2^2)$	0,5
<b>Барлығы</b>	<b>8,0</b>

Есеп\_2 [6 ұпай].



Ом заңын қолдана отырып

$$\varepsilon_3 = iR_3$$

$$\varepsilon_2 = i(R_2 + R_3)$$

$$\varepsilon_2 = \frac{\varepsilon_3(R_2 + R_3)}{R_3}$$

$$\varepsilon_1 - \varepsilon_2 = IR_1$$

Жоғарыда жазылған теңдеулерді шешу арқылы іздестіріліп отырылған шаманы анықтаймыз

$$I = \frac{\varepsilon_1 R_3 - \varepsilon_3 (R_2 + R_3)}{R_1 R_3}$$

Мазмұны	Ұпайлар
$\varepsilon_3 = iR_3$	1
$\varepsilon_2 = i(R_2 + R_3)$	2
$\varepsilon_2 = \frac{\varepsilon_3(R_2 + R_3)}{R_3}$	0,5
$\varepsilon_1 - \varepsilon_2 = IR_1$	2
$I = \frac{\varepsilon_1 R_3 - \varepsilon_3 (R_2 + R_3)}{R_1 R_3}$	0,5
<b>Барлығы</b>	<b>6,0</b>

### Есеп\_3 [9 ұпай].

1. Мұздың пайда болуын қарастырайық:

Мұз жақтан жылу

$$\Delta Q_1 = \frac{k_L S \Delta t_L}{h_1} \Delta \tau \quad (1)$$

Су жақтан жылу

$$\Delta Q_2 = \frac{k_B S \Delta t_B}{h_2} \Delta \tau \quad (2)$$

Жылу ағындарының айырмашылығы мұздағы судың қатуына кетеді.

$$\Delta Q = \lambda \cdot \Delta m \quad (3)$$

Пайда болған мұздың массасы:

$$\Delta m = \rho_L S \Delta h \quad (4)$$

Біз сондай-ақ есепте берілген шартты қолданамыз:

$$k_B = k_L / 4$$

Біз теңдеулерді шешіп, алатын жауабымыз:

$$k_L = \frac{v \lambda \rho_L}{\left(\frac{\Delta t_L}{h_1} - \frac{\Delta t_B}{4h_2}\right)} = 0,929 \text{ Вт/ (м } ^\circ\text{C)} \quad (5)$$

2. Мұз қатып біткен кезде оның қалыңдығы  $x_1$  деп аламыз (және қатқан су мұз болған кезде кеңейетінін ескеру қажет), қалған су қалыңдығы  $x_2$  деп аламыз.

Қатқан су қабатының қалыңдығы

$$\Delta h = h_2 - x_2 \quad (6)$$

Мұздың толық қалыңдығы:

$$x_1 = h_1 + \frac{\rho_B}{\rho_L} \Delta h \quad (7)$$

Жылу тепе теңдігі теңдеуі:

$$\frac{k_L S \Delta t_L}{x_1} = \frac{k_B S \Delta t_B}{x_2} \quad (8)$$

Біз судың қалыңдығын мұздың қалыңдығы арқылы өрнектейміз:

$$x_2 = \frac{x_1 \Delta t_B k_B}{\Delta t_L k_L} = \frac{x_1 \Delta t_B}{4 \Delta t_L} \quad (9)$$

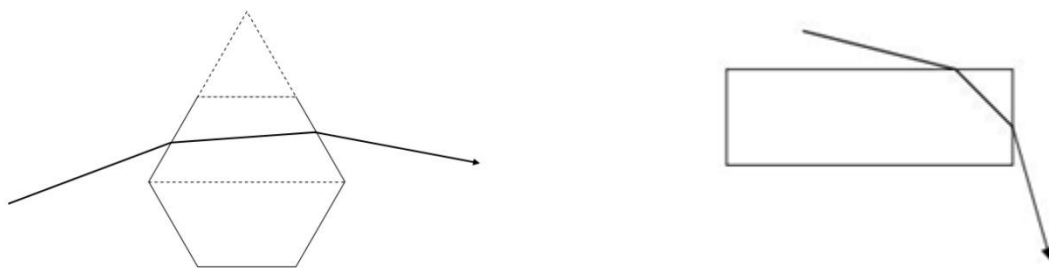
(6)-(9) теңдеулер жүйесін шешу арқылы алатын жауабымыз:

$$x_1 = \frac{h_1 + \frac{\rho_B}{\rho_L} h_2}{\left(1 + \frac{\rho_B \Delta t_B}{4 \rho_L \Delta t_L}\right)} = 6,11 \text{ м} \quad (10)$$

Мазмұны	Ұпайлар
Теңдеу (1)	0,5
Теңдеу (2)	0,5
Теңдеу (3)	0,5
Теңдеу (4)	0,5
Теңдеу (5) жалпы түрдегі жауап үшін	1
$k_L = 0,93 \pm 0,01 \text{ Вт/ (м } ^\circ\text{C)}$ диапазонындағы сандық жауап үшін (егер жуықтау 0,01 көп болса – 0 б, егер [Вт/ (м °C)] өлшем болмаса – 0 б)	1
Теңдеу (6)	1
Теңдеу (7)	1
Теңдеу (8)	1
Теңдеу (10) жалпы түрдегі жауап үшін	1
$x_1 = 6,11 \pm 0,01 \text{ [м]}$ диапазонындағы сандық жауап үшін (егер жуықтау 0,01 көп болса – 0 б; егер [м] өлшем болмаса – 0 б)	1
<b>Барлығы</b>	<b>9,0</b>

**Есеп\_4 [7 ұпай].**

1. Бірінші рет сынған кезде сәуле  $\alpha_1 - \beta_1$  бұрышына ауытқиды. Екінші рет сынған кезде сәуле қосымша  $\alpha_2 - \beta_2$  бұрышқа ауытқиды. Онда толық ауытқу бұрышы  $\delta = \alpha_1 - \beta_1 + \alpha_2 - \beta_2$ .
2. Жарық сәулелерінің қайтымдылығының нәтижесінде, сәуле призмаға  $\alpha_1$  бұрышпен түссе де, сондай-ақ  $\alpha_2$  бұрышпен түссе де  $\delta$  ауытқу бұрышы бірдей болады. Ауытқу бұрышының минимальды мәні тек бір ғана  $\alpha_{\min} = \alpha_1 = \alpha_2$  мәнінде орын алады, яғни жарық симметриялы түрде қозғалады. Онда  $\beta_1 = \beta_2 = \omega/2$ , жарықтың сыну заңын қолдана отырып,  $\sin(\alpha_{\min}) = n \sin(\omega/2)$  және  $\delta_{\min} = 2\arcsin(n \sin(\omega/2)) - \omega$  мәндерін анықтаймыз.
3. Гало сақиналары, айырық бұрыштары  $60^\circ$  және  $90^\circ$  бұрыш болатын призмалар үшін минимальды ауытқу бұрыштарына сәйкес келеді. Онда біз гало үшін бұрыштық радиустардың  $21,8^\circ$  және  $45,7^\circ$  екенін анықтаймыз.
4. Галоньң сыртқы бөлігі күлгін түсті, демек күлгін сәулелер, қызыл сәулелерге қарағанда күштірек сынады. Сондықтан да қызыл сәулелер үшін сыну көрсеткіші, күлгін сәулелердің сыну көрсеткішінен аз болады.



Мазмұны	Ұпайлар
$\delta = \alpha_1 - \beta_1 + \alpha_2 - \beta_2$	1
Сәуленің минимальды ауытқу бұрышының мәніндегі симметрия идеясы үшін	1
Снелл заңы үшін.	0,5
$\sin(\alpha_{\min}) = n \sin(\omega/2)$	1
$\delta_{\min} = 2\arcsin(n \sin(\omega/2)) - \omega$	1
Бұрыштық радиустың $21,8^\circ$ мәні үшін	1
Бұрыштық радиустың $45,7^\circ$ мәні үшін	1
Қызыл сәулелер үшін сыну көрсеткіші, күлгін сәулелердің сыну көрсеткішінен аз болады.	0,5
<b>Барлығы</b>	<b>7,0</b>

**Решение задач областного этапа РО по физике (2022-2023 учебный год)**

**9 класс**

**Задача 1 [8 баллов].**

По закону изменения энергии  $A = A_{\text{сопр}} + \Delta W$ , учитывая отсутствие сил сопротивления,  $A = \Delta W$ . Так как движение тела равномерное, то  $\Delta W_k = 0$  и, значит,  $\Delta W = \Delta W_{\text{п}}$ , а тогда  $A = \Delta W_{\text{п}}$ , т. е. перенос требует совершения работы, численно равной изменению потенциальной энергии тела в поле тяжести Планеты и Спутника.

$$A = \left(-G \frac{mM_2}{R_2} - G \frac{mM_1}{l - R_2}\right) - \left(-G \frac{mM_1}{R_1} - G \frac{mM_2}{l - R_1}\right)$$

и так как  $l \gg R_1$  и  $l \gg R_2$ , то после очевидных преобразований получаем приближенное равенство

$$A \approx Gm \left[ M_1 \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{l} \right) - M_2 \left( -\frac{1}{R_2} - \frac{1}{l} \right) \right]$$

Так как  $\frac{1}{R_1} \gg \frac{1}{l}$  и  $\frac{1}{R_2} \gg \frac{1}{l}$  то с еще более грубым приближением получаем

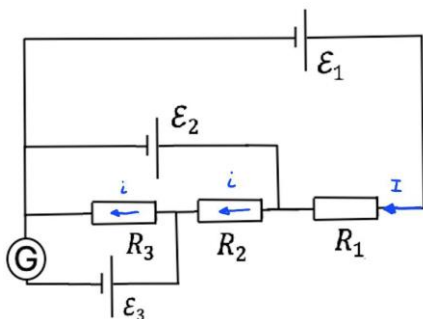
$$A \approx Gm \left( \frac{M_1}{R_1} - \frac{M_2}{R_2} \right)$$

Учитывая, что масса шара  $M = \left(\frac{4}{3}\pi\rho R^3\right)$ , окончательно получим

$$A \approx \frac{4}{3}\pi\rho mG(R_1^2 - R_2^2)$$

Содержание	Баллы
$A = A_{\text{сопр}} + \Delta W$	1
$A = \Delta W$	1
$\Delta W_k = 0$	0,5
$\Delta W = \Delta W_{\text{п}}$	0,5
$A = \left(-G \frac{mM_2}{R_2} - G \frac{mM_1}{l - R_2}\right) - \left(-G \frac{mM_1}{R_1} - G \frac{mM_2}{l - R_1}\right)$	2
$A \approx Gm \left[ M_1 \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{l} \right) - M_2 \left( -\frac{1}{R_2} - \frac{1}{l} \right) \right]$	1
$A \approx Gm \left( \frac{M_1}{R_1} - \frac{M_2}{R_2} \right)$	1
$M = \left(\frac{4}{3}\pi\rho R^3\right)$	0,5
$A \approx \frac{4}{3}\pi\rho mG(R_1^2 - R_2^2)$	0,5
<b>Всего</b>	<b>8,0</b>

Задача 2 [6 баллов].



Воспользуемся законом Ома

$$\varepsilon_3 = iR_3$$

$$\varepsilon_2 = i(R_2 + R_3)$$

$$\varepsilon_2 = \frac{\varepsilon_3(R_2 + R_3)}{R_3}$$

$$\varepsilon_1 - \varepsilon_2 = IR_1$$

С учетом выше записанных уравнений определим искомую величину

$$I = \frac{\varepsilon_1 R_3 - \varepsilon_3 (R_2 + R_3)}{R_1 R_3}$$

Содержание	Баллы
$\varepsilon_3 = iR_3$	1
$\varepsilon_2 = i(R_2 + R_3)$	2
$\varepsilon_2 = \frac{\varepsilon_3(R_2 + R_3)}{R_3}$	0,5
$\varepsilon_1 - \varepsilon_2 = IR_1$	2
$I = \frac{\varepsilon_1 R_3 - \varepsilon_3 (R_2 + R_3)}{R_1 R_3}$	0,5
<b>Всего</b>	<b>6,0</b>

**Задача 3 [9 баллов].**

1. Рассмотрим место образования льда:

Сверху со стороны льда тепло уходит

$$\Delta Q_1 = \frac{k_{\text{л}} S \Delta t_{\text{л}}}{h_1} \Delta \tau \quad (1)$$

Со стороны воды приходит тепло

$$\Delta Q_2 = \frac{k_{\text{в}} S \Delta t_{\text{в}}}{h_2} \Delta \tau \quad (2)$$

Разница тепловых потоков уходит на замерзание воды в лед.

$$\Delta Q = \lambda \cdot \Delta m \quad (3)$$

Масса образовавшегося льда:

$$\Delta m = \rho_{\text{л}} S \Delta h \quad (4)$$

Также используем условие что:

$$k_{\text{в}} = k_{\text{л}}/4$$

Решая уравнения получаем:

$$k_{\text{л}} = \frac{v \lambda \rho_{\text{л}}}{\left(\frac{\Delta t_{\text{л}}}{h_1} - \frac{\Delta t_{\text{в}}}{4h_2}\right)} = 0,93 \text{ Вт/ (м } ^\circ\text{C)} \quad (5)$$

2. Необходимо учесть, что при замерзании лед расширяется и его толщина  $x_1$ , оставшаяся толщина воды  $x_2$ 

Толщина замерзшего слоя воды

$$\Delta h = h_2 - x_2 \quad (6)$$

Полная толщина льда:

$$x_1 = h_1 + \frac{\rho_{\text{в}}}{\rho_{\text{л}}} \Delta h \quad (7)$$

Уравнение теплового равновесия:

$$\frac{k_{\text{л}} S \Delta t_{\text{л}}}{x_1} = \frac{k_{\text{в}} S \Delta t_{\text{в}}}{x_2} \quad (8)$$

Выражаем толщину воды через толщину льда:

$$x_2 = \frac{x_1 \Delta t_{\text{в}} k_{\text{в}}}{\Delta t_{\text{л}} k_{\text{л}}} = \frac{x_1 \Delta t_{\text{в}}}{4 \Delta t_{\text{л}}} \quad (9)$$

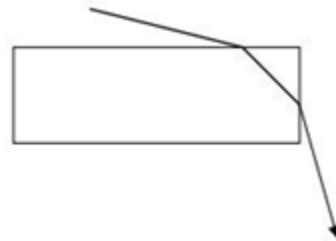
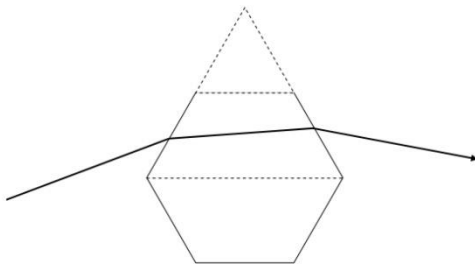
Решая систему уравнений (6)-(9) получаем:

$$x_1 = \frac{h_1 + \frac{\rho_{\text{в}}}{\rho_{\text{л}}} h_2}{\left(1 + \frac{\rho_{\text{в}} \Delta t_{\text{в}}}{4 \rho_{\text{л}} \Delta t_{\text{л}}}\right)} = 6,11 \text{ м} \quad (10)$$

Содержание	Баллы
Уравнение (1)	0,5 б
Уравнение (2)	0,5 б
Уравнение (3)	0,5 б
Уравнение (4)	0,5 б
Уравнение (5) за вывод в общем виде	1 б
За численный ответ в диапазоне $k_{\text{л}} = 0,93 \pm 0,01$ [Вт/ (м °C)] (если округление больше 0,01 – 0 б, при отсутствии размерности [Вт/ (м °C)] – 0 б)	1 б
Уравнение (6)	1 б
Уравнение (7)	1 б
Уравнение (8)	1 б
Уравнение (10) в общем виде	1 б
За численный ответ в диапазоне $x_1 = 6,11 \pm 0,01$ [м] (если округление больше 0,01 – 0 б при отсутствии размерности [м] – 0 б)	1 б
<b>Всего</b>	<b>9,0</b>

**Задача 4 [7 баллов].**

1. После первого преломления луч отклонён на  $\alpha_1 - \beta_1$ . После второго преломления луч отклонился дополнительно на  $\alpha_2 - \beta_2$ . Тогда полный угол отклонения  $\delta$  равен  $\alpha_1 - \beta_1 + \alpha_2 - \beta_2$ .
2. Благодаря обратимости световых лучей, одинаковый угол отклонения  $\delta$  может быть достигнут при падении луча на призму как под углом  $\alpha_1$  так и под углом  $\alpha_2$ . Так как минимальный угол отклонения может быть достигнут только при одном значении  $\alpha_{\min} = \alpha_1 = \alpha_2$ , то есть свет движется симметрично. Тогда  $\beta_1 = \beta_2 = \omega/2$ , следовательно из закона преломления света  $\sin(\alpha_{\min}) = n \sin(\omega/2)$  и  $\delta_{\min} = 2\arcsin(n \sin(\omega/2)) - \omega$ .
3. Кольца гало соответствуют минимальным углам отклонения для призм с углом раствора  $60^\circ$  и  $90^\circ$ . Тогда мы получаем угловые радиусы для гало равные  $21,8^\circ$  и  $45,7^\circ$ .
4. Так как внешняя часть кольца гало фиолетового цвета, значит фиолетовые лучи были преломлены сильнее, чем красные. Следовательно показатель преломления для красных лучей меньше показателя преломления фиолетовых лучей.



Содержание	Баллы
$\delta = \alpha_1 - \beta_1 + \alpha_2 - \beta_2$	1
За идею о симметрии при минимальном отклонении луча	1
За закон Снелла	0,5
$\sin(\alpha_{\min}) = n \sin(\omega/2)$	1
$\delta_{\min} = 2\arcsin(n \sin(\omega/2)) - \omega$	1
За значение углового радиуса $21,8^\circ$	1
За значение углового радиуса $45,7^\circ$	1
Показатель преломления для красных лучей меньше показателя преломления фиолетовых лучей	0,5
<b>Всего</b>	<b>7,0</b>