

Задание 1. Аналитическая кинетика (*Жаксылык Шакир*)

- (1) В схеме присутствуют две достаточно медленные стадии (с константами скорости k_1 и k_2 соответственно), и схему можно заменить эквивалентной с двумя последовательными реакциями (что и сделано в следующем пункте). Это означает, что лимитирующая стадия является самой медленной. При понижении pH амин в значительной степени протонирован, и первая реакция соответственно замедляется. Одновременно равновесие K_2 смещено в сторону интермедиата TH^+ , что обеспечивает высокую скорость протекания второй стадии. Аналогичные рассуждения можно провести в случае высокого pH . При низком pH лимитирует присоединение амина. При высоком pH лимитирует отщепление воды (по 2 балла за верное указание лимитирующей стадии).
- (2) Выведем зависимость k_3 и k_4 от кислотности среды:

$$k_3 = k_1[RNH_2] = k_1 \frac{K_a}{K_a + [H^+]} C(RNH_2) \text{ (2 балла)}$$

$$k_4 = k_2 \frac{[TH^+]}{[T] + [TH^+]} = k_2 \frac{K_2[H^+]}{1 + K_2[H^+]} \text{ (2 балла)}$$

Условие $k_2 = k_4$ приводит к квадратному уравнению:

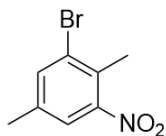
$$K_2[H^+]^2 + K_a K_2 \left(1 - \frac{k_1}{k_2} C(RNH_2)\right) [H^+] - \frac{k_1}{k_2} K_a C(RNH_2) = 0$$

откуда получаем $[H_{\max}^+] = 8.7 \cdot 10^{-5} M, pH_{\max} = 4.1$ (4 балла)

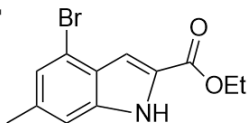
Задание 2. Вернион (*Кабдулладыр Абылай*)

За А и Б по 0.75 баллов. За С-Н и Vernion по 1.5 балла.

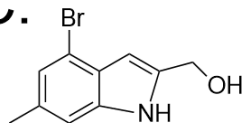
A:



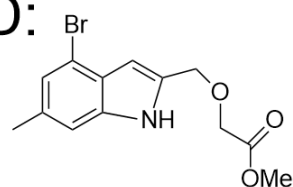
B:



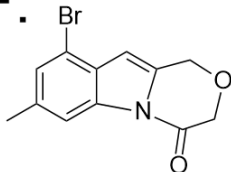
C:



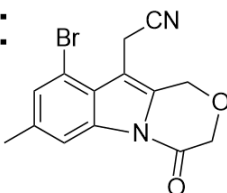
D:



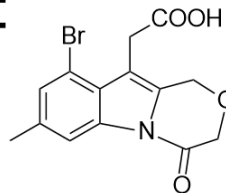
F:



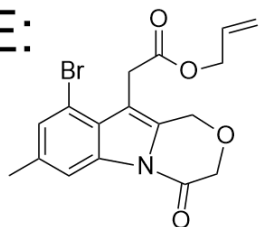
G:



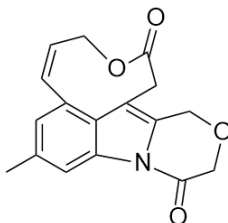
H:



E:



Vernion:



Задание 3. Алкадиены шашкуют (Полетаев Данил)

1. (6 баллов)

$$k(T2)/k(T1) = 310^4 \text{ (2 балла за отношение констант)}$$

$$k(T2) = \exp[78000/(8.314305)]$$

$$k(T1) = \exp[E_{акт2}/8.314305]$$

$$E_{акт2} = 51858 \text{ Дж}$$

(2 балла за логарифмирование выражения и 2 балла за правильный ответ)

2. (6 баллов)

$$r(T2) = r(T1) + 65$$

$$r(T2) = r(T1)2^{(323 - 303)/10}$$

$$r(T2) = 86.6 \text{ моль/с (3 балла)}$$

$$r(T1) = 21.6 \text{ моль/с (3 балла)}$$

Задание 4. Плакат охота (Мугалим Алиби и Бакытбекова Енлик)

(1)

$$\begin{aligned} \left(\frac{\partial f(x,y)}{\partial x}\right)_y &= \ln\left(\frac{1}{y-5}\right) \left((2x^2+3)^2\right)' = \ln\left(\frac{1}{y-5}\right) \cdot 2(2x^2+3) \cdot (2x^2+3)' = \\ &= \ln\left(\frac{1}{y-5}\right) \cdot 2(2x^2+3) \cdot 4x = 8x(2x^2+3) \ln\left(\frac{1}{y-5}\right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \left(\frac{\partial f(x, y)}{\partial y} \right)_x &= (2x^2 + 3)^2 \left(\ln \left(\frac{1}{y-5} \right) \right)' = (2x^2 + 3)^2 (y-5) \left(\frac{1}{y-5} \right)' = (2x^2 + 3)^2 (y-5) ((y-5)^{-1})' \\ &= (2x^2 + 3)^2 (y-5) \cdot -\frac{1}{(y-5)^2} = -\frac{(2x^2 + 3)^2}{y-5} \end{aligned}$$

(2)

$$\left(\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial f(x, y)}{\partial y} \right)_x \right)_y = \left(\frac{\partial}{\partial x} \left(-\frac{(2x^2 + 3)^2}{y-5} \right) \right)_y = -\frac{1}{y-5} \left((2x^2 + 3)^2 \right)' = -\frac{8x(2x^2 + 3)}{y-5}$$

$$\left(\frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{\partial f(x, y)}{\partial x} \right)_y \right)_x = \left(\frac{\partial}{\partial y} 8x(2x^2 + 3) \ln \left(\frac{1}{y-5} \right) \right)_x = 8x(2x^2 + 3) \left(\ln \left(\frac{1}{y-5} \right) \right)' = -\frac{8x(2x^2 + 3)}{y-5}$$

(3)

$$f(x, y, z) = \left(\frac{\partial f(x, y, z)}{\partial x} \right)_{y,z} dx + \left(\frac{\partial f(x, y, z)}{\partial y} \right)_{x,z} dy + \left(\frac{\partial f(x, y, z)}{\partial z} \right)_{x,y} dz$$

$$df(x, y) = (5x^2)' dx + (\sqrt{6y^2})' dy = 10x dx + \sqrt{6} dy$$

$$df(x, y, z) = (2x)' dx + (3y^2)' dy + (4z^3)' dz = 2 dx + 6y dy + 12z^2 dz$$

(4)

$$dU = dq + dw = TdS - pdV$$

(5) По полученному выражению понимаем, что U – функция S и V :

$$dU = \left(\frac{\partial U(S, V)}{\partial S} \right)_V dS + \left(\frac{\partial U(S, V)}{\partial V} \right)_S dV$$

(6) Понимаем, что $T = \left(\frac{\partial U(S, V)}{\partial S} \right)_V$ и $p = -\left(\frac{\partial U(S, V)}{\partial V} \right)_S$. Подставляем это в выражение 2-го пункта, и получаем первое соотношение Максвелла:

$$\left(\frac{\partial T}{\partial V} \right)_S = -\left(\frac{\partial p}{\partial S} \right)_V$$

(7)

$$dH = TdS + Vdp \implies \left(\frac{\partial T}{\partial p} \right)_S = \left(\frac{\partial V}{\partial S} \right)_p$$

$$dF = -pdV - SdT \implies \left(\frac{\partial p}{\partial T} \right)_V = \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T$$

$$dG = Vdp - SdT \implies \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_p = -\left(\frac{\partial S}{\partial p} \right)_T$$

(8) Возьмем соотношение Максвелла из энергии Гельмгольца:

$$\left(\frac{\partial p}{\partial T} \right)_V = \left(\frac{\partial \frac{nRT}{V}}{\partial T} \right)_V = \frac{nR}{V} \left(\frac{\partial T}{\partial T} \right)_V = \frac{nR}{V} = \left(\frac{\partial S}{\partial V} \right)_T$$

При $T = \text{const}$,

$$\frac{nR}{V} = \frac{dS}{dV} \implies dS = nR \frac{dV}{V} \implies \int dS = nR \int \frac{dV}{V} \implies S = nR \ln V + C$$

Каждый пункт весит по 1.5 балла.